

### Série 3 : régime variables-équations de maxwell

#### Exercice n.1

1/-Exprimer à l'aide des équations de maxwell les champs  $\vec{E}$  et  $\vec{B}$  en régime variable en fonction du potentiel vecteur  $\vec{A}$  et du potentiel scalaire  $V$  ?

2/-Déterminer la condition de jauge de Lorentz pour que l'équation locale source-potential dans le vide relative à  $\vec{A}$  s'écrive :  $\Delta\vec{A} + \mu_0\vec{j} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$

Avec  $c$  vitesse de la lumière dans le vide et  $\epsilon_0\mu_0c^2 = 1$

#### **Exercice 2**

On considère un métal ohmique de conductivité  $\sigma$  et suit de la loi d'ohm  $\vec{j} = \sigma\vec{E}$ . Soit  $\rho(M,t)$  la densité volumique de charges au point  $M$  du métal, à l'instant  $t$

1/-Etablir l'équation différentielle satisfaite par  $\rho(M,t)$  en un point  $M$  ?

2/-Sachant qu'à l'instant  $t=t_0, \rho = \rho_0$  au point  $M_0$ . Etudier l'évolution temporelle de la densité volumique de charge  $\rho$  en  $M_0$ . ?

3/-Déduire le temps de relaxation  $\tau$  du milieu et le calculer ?

Application numérique :  $\sigma_{cu} = 5.8 \cdot 10^7 \Omega^{-1} m^{-1} \epsilon_0 = \frac{1}{36\pi} 10^{-9} S.I$

#### **Exercice3 :**

1/-Montrer que la loi de Faraday  $\vec{e} = -\frac{d\phi}{dt}$  est équivalente à l'équation  $\overrightarrow{rot E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$

2/-Quelle remarque pouvez-vous en tirer ?