

Série 1 : Analyses vectorielles

Exercice n.1 :

Soit f un champ scalaire et soient \vec{A} et \vec{B} des champs vectoriels. Montrent que:

$$1/ \quad \overrightarrow{\text{rot}}(f \vec{A}) = \overrightarrow{\text{grad}} f \wedge \vec{A} + f \overrightarrow{\text{rot}} \vec{A}$$

$$2/ \quad \text{div}(f \vec{A}) = f \text{div} \vec{A} + \vec{A} \overrightarrow{\text{grad}} f$$

$$3/ \quad \overrightarrow{\text{rot}}(\overrightarrow{\text{rot}} \vec{A}) = \overrightarrow{\text{grad}}(\text{div} \vec{A}) - \Delta \vec{A}$$

$$4/ \quad \text{div}(\overrightarrow{\text{rot}} \vec{A}) = 0 \quad \text{et} \quad \overrightarrow{\text{rot}}(\overrightarrow{\text{grad}} f) = 0$$

Exercice n.2 :

Exprimer $\overrightarrow{\text{grad}}(f + g)$ et $\overrightarrow{\text{grad}}(fg)$, où f et g sont deux fonctions de points à valeurs scalaires, en fonction de $\overrightarrow{\text{grad}} f$ et $\overrightarrow{\text{grad}} g$

Exercice n.3 :

f est une fonction de point scalaires ; \vec{A} et \vec{B} sont deux champs de vecteurs ; exprimer à l'aide d'opérateurs différentiels portant sur ces quantités les deux expressions :

$$\text{div}(\vec{A} \wedge \vec{B}) \quad ; \quad \overrightarrow{\text{rot}}(\vec{A} \wedge \vec{B})$$