

Examen de Physique des semi-conducteurs

Exercice 1 : (08 points)

Le germanium est caractérisé par : masse atomique $M=72,6$ g, la masse volumique $\rho = 5,32$ g/cm³.

Energie de la bande interdite $E_g = 0,67$ eV.

Nombre d'Avogadro $N_A = 6,023 \cdot 10^{23}$ atome/mol, $K = 8,62 \cdot 10^{-5}$ eV/K.

Densité effective d'états énergétiques à 300 K, $N_c = 1,04 \cdot 10^{19}$ atomes/cm³, $N_v = 6 \cdot 10^{18}$ atomes/cm³.

1. Déterminer le nombre d'atomes par cm³.
2. Calculer la constante du réseau ainsi le rayon atomique du germanium.
3. Déduire l'expression de la densité intrinsèque n_i et la position du niveau de Fermi intrinsèque.
4. Calculer la concentration intrinsèque et la position du niveau de Fermi à 300K.

Exercice 2 : (12 points)

Dans une jonction PN, la distribution de charge est donnée par la relation suivante :

$$\rho(x) = \begin{cases} 0, & \text{si } -\infty < x \leq -l_p \\ -qN_A, & \text{si } -l_p < x \leq 0 \\ +qN_D, & \text{si } 0 \leq x < +l_n \\ 0, & \text{si } +l_n \leq x < +\infty \end{cases}$$

Avec : N_A et N_D sont respectivement la densité d'accepteurs et la densité de donneurs.

1. Quel est le type de cette jonction ?
2. Exprimer, en fonction de x , le champ électrique $E(x)$ à l'intérieur de la zone de déplétion $[-l_p, l_n]$.
3. Déduire la relation entre N_A , N_D , l_p et l_n puis représenter le champ électrique $E(x)$.
4. On considère une diode à jonction PN à base de Si avec comme dopage en accepteurs $N_A = 10^{17}$ cm⁻³ et en donneurs $N_D = 10^{15}$ cm⁻³.
 - a) Calculer, à 300K, le potentiel de diffusion V_d et la largeur de zone de charge d'espace W .
 - b) Comparer entre la largeur de la région dopée N et celle de la région dopée P (l_p et l_n).

On donne : $k = 8,62 \cdot 10^{-5}$ eV/K = $1,38 \cdot 10^{-23}$ J/K, $\epsilon_{sc} = 10^{-10}$ F/m, $n_i = 1,5 \cdot 10^{10}$.

Bon courage

D. Benaissa

Exercice 1: 0,8 p5

1. 1% Détermination du nombre d'atomes par cm^3 :

$$N_{oe} = \frac{\rho_{oe} \cdot N_A}{M_{oe}} = \frac{5,32 \times 6,023 \times 10^{23}}{72,6}$$

$$N_{oe} = 4,47 \cdot 10^{22} \text{ atomes / cm}^3 \quad 0,5$$

2. 2% Calcul de la constante du réseau 'a'

$$N_{oe} = \frac{8}{a^3} \Rightarrow a^3 = \frac{8}{N_{oe}} \quad 0,5$$

A.N/ $a^3 = \frac{8}{4,47 \times 10^{22}}$

$$a = \sqrt[3]{\frac{8}{4,47 \times 10^{22}}} = 5,66 \times 10^{-8} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow a = 5,66 \text{ \AA} \quad 0,5$$

- le rayon R atomique du germanium

$$a = \frac{4R}{\sqrt{3}} \Rightarrow R = \frac{a\sqrt{3}}{4} \quad 0,5$$

A.N. $R = 5,66 \times \frac{\sqrt{3}}{4}$

$$R = 2,45 \text{ \AA} \quad 0,5$$

4. 3% les expressions de n_i et E_F

On a:

$$n = N_c e^{-\frac{(E_c - E_F)}{kT}} \quad 0,75$$

$$p = N_v e^{-\frac{E_v - E_F}{kT}} \quad 0,75$$

$$n_i^2 = n \times p \quad 0,25$$

$$= N_c N_v e^{-\frac{(E_c - E_F)}{kT}} e^{-\frac{E_v - E_F}{kT}}$$

$$= N_c N_v e^{-\frac{(E_c - E_v)}{kT}} \quad 1$$

$$\Rightarrow n_i = \sqrt{N_c N_v} e^{-\frac{(E_c - E_v)}{2kT}}$$

le niveau de Fermi intrinsèque:

$$\frac{n}{p} = 1 \quad 0,25$$

$$\Rightarrow \frac{N_c}{N_v} e^{-\frac{(E_c - E_F)}{kT}} e^{-\frac{(E_v - E_F)}{kT}} = 1$$

$$\frac{N_c}{N_v} = e^{-\frac{E_c - E_v + 2E_F}{kT}} \quad 1$$

$$\Rightarrow \frac{-E_c - E_v + 2E_F}{kT} = \ln \frac{N_v}{N_c}$$

$$\Rightarrow E_F = \frac{kT}{2} \ln \frac{N_v}{N_c} + \frac{E_c + E_v}{2}$$

4. A.N/ $n_i = \sqrt{1,04 \times 10^{19} \times 6 \times 10^{18}} e^{-\frac{0,67}{2 \times 8,61 \times 10^{-5} \times 300}}$

$$n_i = 7,86 \times 10^{13} \text{ cm}^{-3} \quad 0,5$$

$$E_F = \frac{8,62 \times 10^{-5} \times 300 \ln \frac{6 \times 10^{18}}{1,04 \times 10^{19}} + 0,67}{2}$$

$$E_F = 1,19 \times 10^3 \text{ eV} \quad 0,5$$

Exercice 2: 10 pts

1°/ la jonction PN est abrupte

4°/ $\frac{dE(x)}{dx} = \frac{p}{E_{sc}}$ 0,5

* $dE_p(x) = \frac{p_p}{E_{sc}} dx = -\frac{qNA}{E_{sc}} dx$

$E_p(x) = -\int \frac{qNA}{E_{sc}} dx = -\frac{qNA}{E_{sc}} x + \text{cte}$ 0,5

$E_p(x=L_p) = 0 \Rightarrow \text{cte} = -\frac{qNA}{E_{sc}} L_p$ 0,5

$\Rightarrow E_p(x) = -\frac{qNA}{E_{sc}} (x + L_p)$ 0,5

$dE_n(x) = \frac{p_n}{E_{sc}} dx = +\frac{qND}{E_{sc}} dx$ 0,5

$E_n(x) = \int \frac{qND}{E_{sc}} dx = \frac{qND}{E_{sc}} x + \text{cte}$ 0,5

$E_n(x=L_n) = 0 \Rightarrow \text{cte} = -\frac{qND}{E_{sc}} L_n$ 0,5

$\Rightarrow E_n(x) = \frac{qND}{E_{sc}} (x - L_n)$ 0,5

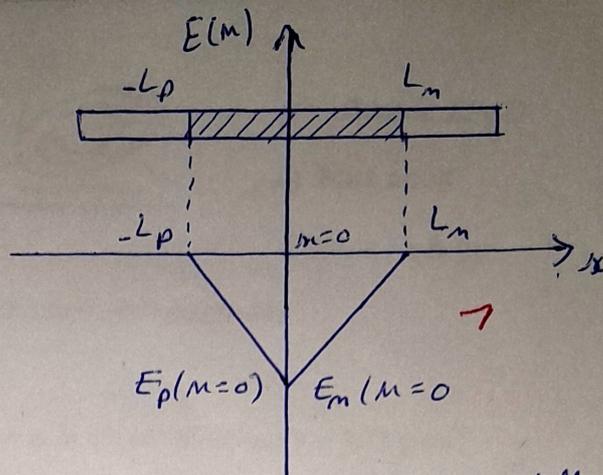
3°/ la relation entre N_A, N_D, L_p et L_n :
on a:

$E_p(x=0) = E_n(x=0)$ 0,5

$-\frac{qNA}{E_{sc}} L_p = +\frac{qND}{E_{sc}} L_n$

$\Rightarrow N_A L_p = N_D L_n$ 0,5

Représentation du champ électrique $E(x)$



54) a) Calculé du potentiel de diffusion:

$V_d = \frac{KT}{q} \ln \frac{N_A N_D}{n_i^2}$ 0,5

$AN/V_d = \frac{8,62 \cdot 10^{-5} \cdot 300}{e} \ln \frac{10^{17} \cdot 10^{15}}{(1,5 \cdot 10^{10})^2}$

$V_d = 0,70V$ 1

Calculé de largeur de zone d'éplétion:

$W = \sqrt{\frac{2E_{sc} V_d}{q} \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right)}$ 0,5

$AN/N_A = 10^{17} \text{ cm}^{-3} = 10^{23} \text{ m}^{-3}$

$N_D = 10^{15} \text{ cm}^{-3} = 10^{21} \text{ m}^{-3}$

$W = \sqrt{\frac{2 \times 10^{-70} \times 0,70}{1,6 \times 10^{-19}} \left(\frac{1}{10^{23}} + \frac{1}{10^{21}} \right)}$

$W = 0,94 \times 10^{-6} \text{ m}$

$W = 0,95 \mu\text{m}$ 1

b) $\frac{L_p}{L_n} = \frac{N_D}{N_A} = \frac{10^{15}}{10^{17}} = 0,01$

Pourque $N_A \gg N_D$ donc $L_n \gg L_p$ 1
parce que la zone de déplétion s'étend du côté le moins dopé. 1